

INSTYTUT ORGANIZACJI I KIEROWANIA

POLSKIEJ AKADEMII NAUK  
MINISTERSTWA NAUKI SZKOLNICTWA WYŻSZEGO I TECHNIKI

**ПРИМЕНЕНИЕ В ПРОМЫШЛЕННОСТИ  
МЕТОДОВ ОРГАНИЗАЦИОННОГО  
УПРАВЛЕНИЯ, КИБЕРНЕТИКИ И  
ИССЛЕДОВАНИЯ ОПЕРАЦИИ**

МАТЕРИАЛЫ СОВЕЩАНИЯ  
ЭКСПЕРТОВ СТРАН-ЧЛЕНОВ СЭВ  
БЫТОМ, ДЕКАБРЬ 1974

МАТЕРIAŁY KONFERENCYJNE

WARSZAWA

9 7 6

Redaktor  
Piotr Oziębło  
Redaktor techniczny  
Iwona Dobrzyńska  
Korekta  
Barbara Czerwińska

Opracowanie naukowe  
mgr inż. Jan Studziński



Nr inw. IBS PAN

31708

*Близнаков Й.П. (НРБ)*

*Дубовский С.В. (СССР)*

*Международный коллектив ученых*

## **МОДЕЛИРОВАНИЕ РАЗВИТИЯ ЭКОНОМИЧЕСКОЙ СИСТЕМЫ С УЧЕТОМ НАУЧНО-ТЕХНИЧЕСКОГО ПРОГРЕССА В СОЦИАЛИСТИЧЕСКИХ СТРАНАХ**

### **1. Постановка проблемы**

Главная задача развития нашего общества связана с обеспечением значительного подъема материального и культурного уровня жизни населения. Как не раз подчеркивалось на съездах всех братских коммунистических и рабочих партий стран социалистического содружества, эта цель может быть достигнута только на основе высокого уровня развития производительных сил, всемерного ускорения научно-технического прогресса и повышения производительности и эффективности общественного производства. Поэтому актуальной и важной является разработка проблемы количественного измерения научно-технического прогресса на всех уровнях управления: для оптимального распределения ресурсов на производственное накопление и научные исследования, для оптимального выбора проектов развития, для оптимального выбора технологий и оборудования.

Особое значение имеет данная проблема при описании экономической системы в терминах макропоказателей (национальный доход, трудовые ресурсы, стоимость производственных фондов и материальных оборотных средств, доля производственного накопления и т.д.). В западных эконометрических работах при традиционном изложении этой проблемы обычно используются три основные гипотезы:

1. Национальный доход есть производственная функция Кобба-Дугласа.

2. Доля производственного накопления в национальном доходе постоянна.

3. Фондоотдача (отношение национального дохода к используемому капиталу) постоянна.<sup>1)</sup>

После принятия этих и других гипотез выводится выражение для „темпа равновесного роста“, который зависит от темпа роста занятости и параметров функции Кобба-Дугласа (в частности, от параметра называемого темпом роста эффективности экономики). Недостаток такого анализа заключается в том, что три перечисленные гипотезы аппроксимируют процесс, происходящий под воздействием управления, сами же управляющие воздействия никак не рассматриваются; факты, положенные в основу этих гипотез должны были бы вытекать из анализа процесса управления, а не задаваться заранее.

Новый подход к проблеме, основанный на анализе связи роста производительности труда с ростом уровня используемых знаний, развит В. А. Трапезниковым.<sup>2)</sup>

Разбив производственный процесс на элементарные операции и используя соотношения теории вероятности, В. А. Трапезников получил аналитическое выражение для уровня используемых знаний и на его основе провел анализ эффективности вложений средств в научные исследования и разработки.

Целью настоящей работы является изложение результатов моделирования развития экономической системы с учетом научно-технического прогресса и процессов управления в социалистических странах, сравнении полученных результатов с результатами В. А. Трапезникова и статистическими фактами,<sup>1)</sup> а также проведение анализа эффективности научно-технических исследований и разработок.

## 2. Модель экономического роста

Примем, что состояние процесса развития экономики определяют следующие величины:  $H$  — национальный доход,  $F$  — производственные фонды,  $L$  — численность занятых в производстве национального

<sup>1)</sup> См. Я. Тинбэрхэн, Х. Бос: Математические модели экономического роста. Изд-во „Прогресс“, Москва 1967.

<sup>2)</sup> См. В. А. Трапезников: Научно-технический прогресс и эффективность науки. Вопросы экономики, № 2, 1973.

<sup>1)</sup> Все статистические расчеты выполнены Й. Близнаковым, использовавшим, в основном, следующие источники: Статистический ежегодник стран-членов СЭВ, 1972; Национальные статистические ежегодники стран-членов СЭВ; Statistical Yearbook, United National, New York, 1972; Annuaire Statistique, UNESCO, Paris 1971.

дохода,  $P$  — общегосударственное потребление и потребление занятых в накоплении вне сферы производства национального дохода,  $t$  — время. Для того, чтобы вывести уравнение, связывающее перечисленные величины, сделаем следующие предположения.

Национальный доход является функцией от времени, численности занятых и фондов:

$$H = H(t, L, F) \quad (1)$$

Пропорциональное увеличение фондов и числа занятых (при том же уровне технологии) приводит к такому же увеличению национального дохода. Например, если без изменения технологии, число занятых и количество фондов увеличится на 7%, то и выпуск системы увеличится на 7%. Такое свойство системы означает, что указанные величины связаны соотношением:

$$H = \frac{\partial H}{\partial L} L + \frac{\partial H}{\partial F} F \quad (2)$$

где:  $\frac{\partial H}{\partial L}, \frac{\partial H}{\partial F}$  — частные производные.

Численность занятых на каждом  $i$ -ом предприятии подбирается таким образом, чтобы предприятие работало с максимальной прибылью (вклад предприятия в национальный доход страны был максимален). Эта поведенческая гипотеза означает, что численность  $L_i$  определяется из условия

$$\max_{L_i} (H_i - sL_i) \quad \text{или} \quad \frac{\partial H}{\partial L} = s = \frac{H - \dot{F} - P}{L} \quad (3)$$

где  $S$  — средняя ставка заработной платы.

В (3) слева стоит частная производная национального дохода по численности занятых, а справа средняя ставка заработной платы, так как  $\dot{F}$  есть прирост фондов в единицу времени, т.е. производственное накопление  $\left( \dot{F} = \lim_{\Delta t \rightarrow 0} \frac{\Delta F}{\Delta t} \right)$ ; выражение  $H - \dot{F} - P$  есть заработная плата в сфере производства национального дохода.

Кроме увеличения выпуска продукции, связанного с количественным увеличением производственных фондов и трудовых ресурсов, имеется значительное увеличение выпуска, связанное с научно-техническим и организационным прогрессом. Этот эффект пропорционален

масштабу экономики (производства), т.е. величине  $H$ , и реализуется с развитием научно-технического прогресса во времени. Формальная запись этой гипотезы дается соотношением

$$\frac{\partial H}{\partial t} = vH \quad (4)$$

Коэффициент пропорциональности  $v$  называется далее темпом роста эффективности экономики, его связь с темпом научно-технического прогресса по В. А. Трапезникову будет показана ниже. Непосредственное измерение величины  $v$  невозможно, но она может быть выражена и вычислена через другие непосредственно измеряемые величины.

Выразив из (2) (3), (4) все частные производные  $\frac{\partial H}{\partial L}$ ,  $\frac{\partial H}{\partial F}$ ,  $\frac{\partial H}{\partial t}$  и поставив их в полную производную по времени

$$\dot{H} = \frac{\partial H}{\partial F} \dot{F} + \frac{\partial H}{\partial L} \dot{L} + \frac{\partial H}{\partial t}$$

получим дифференциальное уравнение, связывающее переменные системы:

$$\frac{\dot{H}}{H} = \frac{\dot{F} + P}{H} \frac{F}{F} + \left(1 - \frac{\dot{F} + P}{H}\right) \frac{\dot{L}}{L} + v \quad (5)$$

Если принять еще одну гипотезу о том, что доля зарплаты в национальном доходе постоянна и равна  $\beta$ , т.е.

$$\frac{H - \dot{F} - P}{H} = \beta \quad (6)$$

то уравнение (5) может быть проинтегрировано и в результате получится интеграл, подобный функции Кобба-Дугласа:

$$\frac{H}{H_0} = e^{v(t-t_0)} \left(\frac{F}{F_0}\right)^{1-\beta} \left(\frac{L}{L_0}\right)^{\beta} \quad (7)$$

где  $H_0$ ,  $F_0$ ,  $L_0$  — значения переменных в момент  $t_0$ , а  $e$  — основание натуральных логарифмов.

Гипотеза (6) заранее постулирует постоянство доли заработной платы в национальном доходе, что не всегда наблюдается. Поэтому ниже используется другая гипотеза: система управления социалистической экономикой обеспечивает полную занятость и максимизирует

интегральный уровень потребления каждого занятого, что формально может быть записано как:

$$\int_{t_0}^{\infty} D(t) \frac{H - \dot{F} - P}{L} dt \rightarrow \max \quad (8)$$

где  $D(t)$  — функция дисконтирования, обычно  $D(t) = e^{-\rho t}$ ,  $\rho > 0$ .

Решение вариационной задачи, описываемой соотношениями (5) и (8) (при заданных  $D(t)$  и  $\frac{P}{F}$ ) приводит к следующим результатам.

Темпы развития  $\frac{\dot{H}}{H} = T_H$ ,  $\frac{\dot{F}}{F} = T_F$ , фондоотдача экономической системы  $\frac{H}{F}$ , доля заработной платы в национальном доходе стремятся к следующим значениям:

$$T_H|_{\infty} = T_F|_{\infty} = v + T_L + \sqrt{v(v + T_L)}$$

$$\left. \frac{H}{F} \right|_{\infty} = [\sqrt{v - T_L} + \sqrt{v}]^2 \left[ 1 + \frac{\frac{P}{F}}{v + T_L + \sqrt{v(v + T_L)}} \right] \quad (9)$$

$$\beta = \frac{1}{2 + \frac{T_L}{v + \sqrt{v(v + T_L)}}} \approx \frac{1}{2}$$

По данным статистики для стран-членов СЭВ в среднем за 1966—1970 гг.:

$$\frac{T_L}{v + \sqrt{v(v + T_L)}} = \frac{T_L}{T_H - T_L} \approx 0,1 \dots 0,5$$

где  $\frac{\dot{L}}{L} = T_L$  — постоянный темп прироста занятости.

Если фактические данные для  $T_H$ ,  $T_F$ ,  $T_L$  и  $\frac{P}{F}$  известны, то с помощью (9) могут быть вычислены значения  $v$ ,  $\beta$ ,  $\frac{H}{F}$ . Расчеты, проведенные по статистике СССР за 1966—1970 гг. показали, что вычи-

сленные из (9) значения доли заработной платы в национальном доходе —  $\beta$  и фондоотдачи —  $\frac{H}{F}$  практически совпадают с фактической статистикой.<sup>1)</sup>

Результаты обработки статистических данных по всем странам СЭВ показали, что фактические значения коэффициента  $\beta$  немного отличаются от 0,5.

Для оценки влияния различных факторов на прирост национального дохода на основе модели могут быть получены следующие формулы:

$$\begin{aligned}\frac{\Delta H_L}{\Delta H} &\approx 0,5 \frac{T_L}{T_H} \\ \frac{\Delta H_F}{\Delta H} &\approx 0,5 \frac{T_F}{T_H} \\ \frac{\Delta H_T}{\Delta H} &\approx 1 - 0,5 \frac{T_L - T_F}{T_H}\end{aligned}\quad (10)$$

где:  $\Delta H$  — суммарный годовой прирост национального дохода,  
 $\Delta H_L, \Delta H_F$  — годовые приросты национального дохода, связанные с приростом трудовых ресурсов и производственных фондов,  
 $\Delta H_T$  — годовой прирост национального дохода, связанный с научно-техническим прогрессом.

### 3. Сравнение с результатами В. А. Трапезникова

Основную формулу В. А. Трапезникова

$$B = \sqrt{U\Phi}$$

где:  $B = \frac{H}{L}$  — производительность труда,

$\Phi = \frac{F}{L}$  — фондовооруженность,

$U$  — уровень используемых научно-технических знаний,

<sup>1)</sup> Косыгин А. Н.: Директивы XXIV съезда КПСС по пятилетнему плану развития народного хозяйства СССР на 1971—1975 гг.

можно привести к виду:

$$H = \sqrt{YFL} \quad (11)$$

Логарифмируя и дифференцируя (11) получим:

$$T_H = 0,5T_T + 0,5T_F + 0,5T_L \quad (12)$$

или

$$T_B = \frac{T_T + T_\phi}{2}$$

Сравним выражение (12) с уравнением (5) и соотношениями (9). Оказывается, что темп научно-технического прогресса по В.А. Трапез-

никову  $T_T = \frac{\dot{Y}}{Y}$  равен приблизительно удвоенному темпу роста эффективности  $v$ , коэффициенты при  $\frac{\dot{F}}{F}$  и  $\frac{\dot{L}}{L}$  в (12) и (5) совпадают и приблизительно равны 1/2. Таким образом, основные формулы для оценки темпа научно-технического прогресса совпадают.

Вывод В. А. Трапезникова о практическом равенстве темпа роста душевого потребления  $T_H - T_L$  и темпа роста научно-технического прогресса также вытекает из (9).

Таким образом, несмотря на различие в исходных предпосылках и методах получения зависимостей для оценки влияния научно-технического прогресса на динамику развития экономических систем, конечные результаты оказались совпадающими.

#### 4. Анализ статистических данных

Из рассмотрения фактической статистики (1960—1970 гг.) видно значительное различие в темпах экономического роста стран СЭВ, США и всего мира. Однако лидирующее положение стран СЭВ не снимает с повестки дня вопроса об ускоренном развитии и внедрении научно-технического прогресса с целью достижения еще больших темпов роста.

Для анализа имеющихся статистических данных использовалось определение темпа научно-технического прогресса как темпа годового прироста уровня используемых в материальном производстве научно-технических знаний, т.е.

$$Y = \frac{B^2}{\Phi} = \frac{H^2}{FL} \quad (12a)$$

Были исследованы данные по динамике роста фондовооруженности,<sup>1)</sup> научно-технического прогресса (уровня используемых знаний), производительности труда, а также численности занятых в науке и научном обслуживании для каждой из стран СЭВ.

Анализ данных, во-первых, показывает, что темпы роста производительности труда и фондовооруженности близки к темпу научно-технического прогресса. Это означает, что повышение темпа научно-технического прогресса связано с повышением темпа роста производительности труда. Во-вторых, существует связь между темпом роста числа занятых в науке и темпом научно-технического прогресса. При этом можно указать средний лаг 4—8 лет между приростом занятых в науке и соответствующим приростом уровня используемых научно-

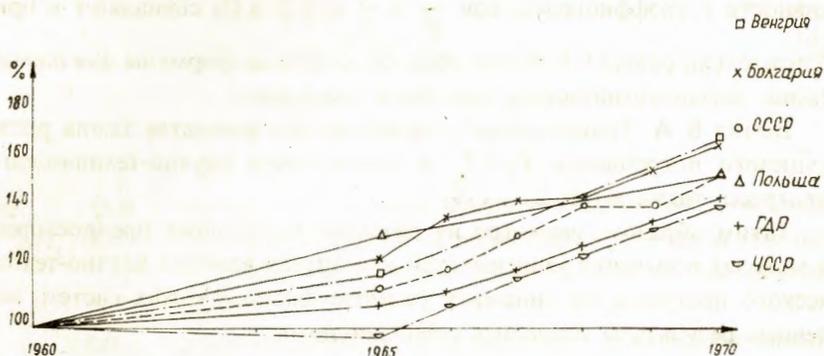


Рис. 1. Динамика роста научно-технического прогресса (уровня используемых научно-технических знаний —  $У$ ) в некоторых социалистических странах (1960—1970 гг.)

-технических знаний. Связь между приростом занятых в науке и повышением уровня используемых знаний зависит и от ориентации отрасли на создание собственных научных кадров или использование зарубежных научно-технических исследований и разработок.

Представляет интерес сравнение темпов научно-технического прогресса в разных странах СЭВ. Из данных, приведенных на рис. 1 (температура характеризуется наклоном кривой  $У$ ), видно, что происходит процесс сближения этих темпов как результат происходящей интеграции между

<sup>1)</sup> Фондовооруженность бралась на основе данных СЭВ, в которых не учитываются материальные оборотные средства. Практически это не меняет характера получаемых зависимостей.

социалистическими странами, в том числе и в области научно-технического сотрудничества. При этом наблюдается также некоторый рост темпов научно-технического прогресса.

Как показывают некоторые данные (например, из ЧССР за 1961—1965 гг.) уровень используемых научно-технических знаний может уменьшаться. Это означает, что независимо от роста потенциальных

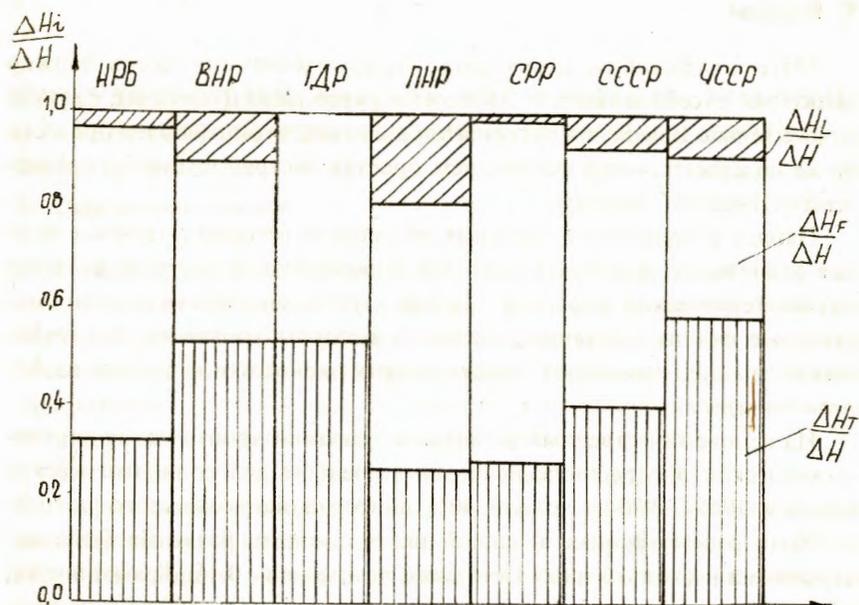


Рис. 2. Влияние прироста трудовых ресурсов (без влияния прогресса на повышение квалификации)  $\frac{\Delta H_L}{\Delta H}$ , прироста производственных фондов (без влияния прогресса на повышение качества фондов)  $\frac{\Delta H_F}{\Delta H}$  и научно-технического прогресса  $\frac{\Delta H_T}{\Delta H}$  на единицу среднегодового прироста национального дохода в некоторых социалистических странах (1966—1970 гг.)

знаний, эффективность их использования в материальном производстве на каком-то периоде может снижаться.

Влияние прироста трудовых ресурсов, производственных фондов и научно-технического прогресса на прирост национального дохода в ряде стран СЭВ в 1966—1970 гг. показано на рис. 2.

Из приведенной диаграммы виден большой удельный вес прироста национального дохода, связанного с научно-техническим прогрессом в результате качественных усовершенствований производства. Этот прирост в среднем за 1966—1970 гг. составил 40% от всего прироста национального дохода.

## 5. Выводы

Математическое моделирование экономических процессов должно включать в себя описание процессов управления (описание гипотез относительно поведения системы управления), что позволяет провести более содержательный анализ, чем простая экстраполяция по среднестатистическим данным.

Наряду с приростом трудовых ресурсов и производственных фондов важнейшим фактором развития экономической системы является научно-технический прогресс, так как капиталовложения в производственные фонды, сделанные на более высоком уровне научно-технических знаний, повышают эффективность экономики в расчете на одного занятого.

На основе качественных усовершенствований производства научно-технический прогресс обеспечивает в среднем для социалистических стран в 1966—1970 гг. около 40% прироста национального дохода.

Хотя рассмотренная в данной работе модель развития была построена на несколько иных гипотезах, чем модель В. А. Трапезникова, окончательные формулы для оценки темпов экономического и научно-технического развития близки.

Работа продолжается с опытным приложением разработанной методологии в НРБ и с разработкой в условиях НРБ „Методики определения влияния научно-технического прогресса на повышение общественной производительности труда”.

Необходимы также дальнейшие исследования по определению оптимального распределения ресурсов национального дохода, выделяемых на капиталовложения в производственные фонды и научные исследования и разработки, а также исследования по измерению уровня используемых научно-технических знаний на отдельных объектах народного хозяйства.

101  
LOK  
BYN

31708